

# موازنه خط تولید در کارخانجات تولید پوشاک با استفاده از الگوریتم های فرا ابتکاری و تبدیل مسائل NP-Hard Problem به روش برنامه ریزی عدد صحیح

محمد خباز ، کتابون کاتوزیان

این مقاله در قالب یک کار تحقیقاتی تیمی در دپارتمان برنامه ریزی گروه کارخانجات سرزمین شاد ( هپی لند ) صورت پذیرفته است.

زمستان ۱۳۹۴

## چکیده:

همواره موازنه خطوط تولیدی در کارخانجات تولید پوشاک که علی الخصوص از تنوع مدل بالایی نیز برخوردارند از مسایل بسیار پیچیده بوده و در زمره مسایل NP-Hard Problem قرار می گیرد.

استفاده بهینه از ظرفیت های تولیدی دغدغه اساسی مدیران این صنعت می باشد. که با روشهای کلاسیک بالانس خط مونتاژ مانند SALB جواب قانع کننده ای برای آن نمی توان یافت . بزرگترین مانعی که در مجموعه های تولید پوشاک مطرح است یافتن ترکیب مناسبی از تسهیم ظرفیت بین مدل های در دست تولید می باشد بنحوی که با استفاده حداکثری از ظرفیت خط تولید ، بیشترین تعداد تولید یک محصول در یک روز یا شیفت کاری را داشته باشیم.

در این مقاله با استفاده از یک مدل فرا ابتکاری و تجزیه و تحلیل نمودار فرآیند تولید (تولید در مرحله دوخت در صنعت پوشاک) و تبدیل مدل به یک برنامه ریزی عدد صحیح برای تولید همزمان چند محصول ، امکان دستیابی به پاسخ بهینه ای که شاخص تعداد تولید در یک روز بیشینه و زمان بیکاری ایستگاهها کمینه شده باشد را میسر می گرداند.

## واژگان کلیدی:

موازنه خط تولید صنایع پوشاک، برنامه ریزی عدد صحیح ، زمان بیکاری ایستگاهها ، تولید همزمان چند محصول

## مقدمه :

انتقال شیوه تولید (دوخت) پوشاک از حالت کارگاهی و دوخت تکمیلی به خط پیوسته و یا بعبارتی زنجیره، لزوم بهره گیری از روش چیدمان صحیح و موازنه خط تولید را صد چندان می نماید، وجود گلوگاه در خطوط تولید به معنای عدم استفاده کامل از منابع و ظرفیت موجود میباشد. در صنعت پوشاک نه تنها تنوع فرایندها و محصولات بسیار بالاست بلکه توان متفاوت اپراتورها نیز باید در مساله موازنه خط تولید در نظر گرفته شود. در صورت عدم بالانس مناسب خط تولید با افزایش زمان بیکاری اپراتور و کاهش راندمان مواجه خواهیم شد. از آنجا که بالانس خط تولید به روشهای سنتی و تجربی دارای خطا و گاهی بسیار زمان بر خواهد بود بنابراین نیاز به استفاده از روشهای علمی که ارائه دهنده ی جواب بهینه در مدت زمان کوتاه تری میباشد احساس می شود.

## بالانس خط تولید (دوخت پوشاک) :

بالانس خط تولید (دوخت) پیوسته یا زنجیره پوشاک متاثر از ۲ تفاوت اصلی سایر رشته ها و زمینه های مونتاژی از قبیل لوازم خانگی و قطعات خودرویی و ... این نوع تولید با بالانس خطوط مونتاژ صنعتی در دارد که این تفاوتها شامل:

### ۱- تنوع بالا :

تنوع بالا محصولات از طرفی و از سوی دیگر تنوع بسیار زیاد فرآیندهای دوخت و دوز باعث می گردد حجم محاسبات به شدت افزایش یابد.

### ۲- وابستگی به مهارت نیروی انسانی :

از طرفی در حل مسایل بالانس خط تولید آنچه مرسوم می باشد استفاده از داده های زمانسنجی می باشد که به نوعی بیانگر ظرفیت ایستگاههای تولیدی (ماشین مربوطه) می باشد. ولی در خطوط تولید پوشاک (دوخت) زمان انجام کار به مهارت و تسلط اپراتور به روش های دوخت سریع و همچنین سایر فاکتورهای انسانی بستگی دارد.

آنچه در تولیدی های پوشاک مرسوم است درجه بندی چرخکاران بر اساس کیفیت دوخت، تسلط بر دوخت مدل های مختلف و سرعت دوخت می باشد. بنحوی که چرخکار درجه یک به کسی گفته می شود که توانایی دوخت تمامی مدلها در زمان

استاندارد را دارد. چرخکار درجه ۲ نیز توان دوخت تمامی مدلها را در زمان بیشتر (فرضا ۱۵٪ بالاتر) داراست. تنها مسئله ای که این روش دارد و از قضا اشکال کوچکی نیز نمی باشد اینست که این افزایش زمان دوخت بطور میانگین بوده و عمدتاً هر چرخکاری در دوخت قسمتی از کار به مهارت بالا می رسد. بطور مثال ممکن است حتی یک چرخکار درجه دو با مهارتی که در انجام یک کار، کسب نموده است، آن کار را از چرخکار درجه ۱ در زمان کوتاهتری انجام دهد.

## مدلسازی ریاضی بالانس خطوط مونتاژ چند محصولی

مسئله مورد توجه این مقاله از دسته مسایل بالانس خط مونتاژ چندمحصولی است.

مشخصات مدل پیشنهادی شامل هدف و محدودیتهایی به شرح ذیل است:

### اهداف:

- ۱- بیشینه نمودن خروجی تولید محصولات مختلف در کل ظرفیت در دسترس
- ۲- کمینه نمودن بیکاری ایستگاههای کل ظرفیت در دسترس

### محدودیت ها:

- ۱- تقدم و تأخر عملیات و روابط پیشنیازی.
- ۲- ظرفیت موجود ثابت بوده و قابل افزایش نمی باشد.
- ۳- تولید چند محصول ( تا سقف مشخص ) بطور همزمان امکانپذیر است.
- ۴- مجموعه از عملیات در یک ایستگاه کاری می تواند تعریف شود.
- ۵- اختصاص عملیات یا مجموعه ای از چند عملیات با زمانی بالاتر از سیکل تولید هدف به یک ایستگاه کاری امکانپذیر است.
- ۶- امکان استفاده از ایستگاههای موازی
- ۷- هر محصول تیراژ مخصوص به خود را داراست.

## مدلسازی:

### تعریف پارامترها:

مشخصه محصول  $i = 1, \dots, n_m$

مشخصه عملیات  $j = 1, \dots, m_t$

مشخصه ایستگاه  $k = 1, \dots, p$

$Z$  = خروجی روزانه

$X_i$  = تعداد محصول  $i$  ام

$S_i$  = زمان استاندارد تولید محصول  $i$  ام

$X_{ij}$  = تعداد خروجی عملیات  $j$  در محصول  $i$  ام

$X_{ijk}$  = تعداد خروجی عملیات  $j$  از محصول  $i$  ام در ایستگاه  $k$

$S_{ijk}$  = زمان انجام عملیات  $j$  از محصول  $i$  ام روی ایستگاه  $k$

$H_{ijk}$  = اگر عملیات  $j$  محصول  $i$  در ایستگاه  $k$  انجام شود یک و در غیر اینصورت صفر خواهد بود.

$m_t$  = تعداد کل عملیات

$n_m$  = تعداد مدل

$k_t$  = حداکثر تعداد عملیاتی که به یک ایستگاه می توان تخصیص داده شود

$Pr_j$  = پیش نیاز عملیات  $j$  ام

$C_k$  = ظرفیت (زمان در دسترس) ایستگاه  $k$  در طول شیفت کاری

$D_k$  = زمان بیکاری ایستگاه  $k$

$T_k$  = زمان فعالیت ایستگاه  $k$

## تعریف ریاضی مدل:

$$\text{Max } Z = \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^n \sum_{j=m} H_{ijk} \cdot X_{ijk} \cdot S_{ijk} - \sum_{k=1}^p D_k$$

s.t

$$C_k \geq T_k$$

$$i=1,2,\dots,n$$

$$j=1,2,\dots,m$$

$$k=1,2,\dots,p$$

$$T_k = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m \sum_k S_{ijk} \cdot X_{ijk}$$

$$D_k = C_k - T_k$$

$$n, m, p \geq 0$$

$$X=1, 2, \dots, \infty$$

$$S=1, 2, \dots, \infty$$

$$H_{ijk} \in \{0, 1\}$$

## نتایج آزمایش :

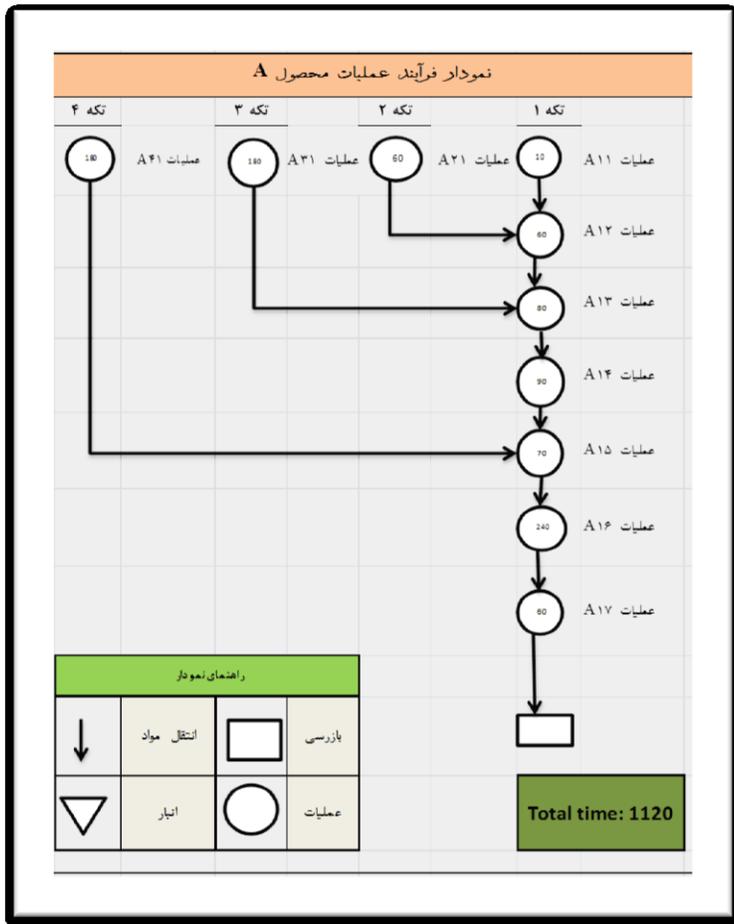
### مثال های نمونه:

برای نشان دادن نحوه عملکرد مدل پیشنهادی، مثال های نمونه برگزیده شده اند:

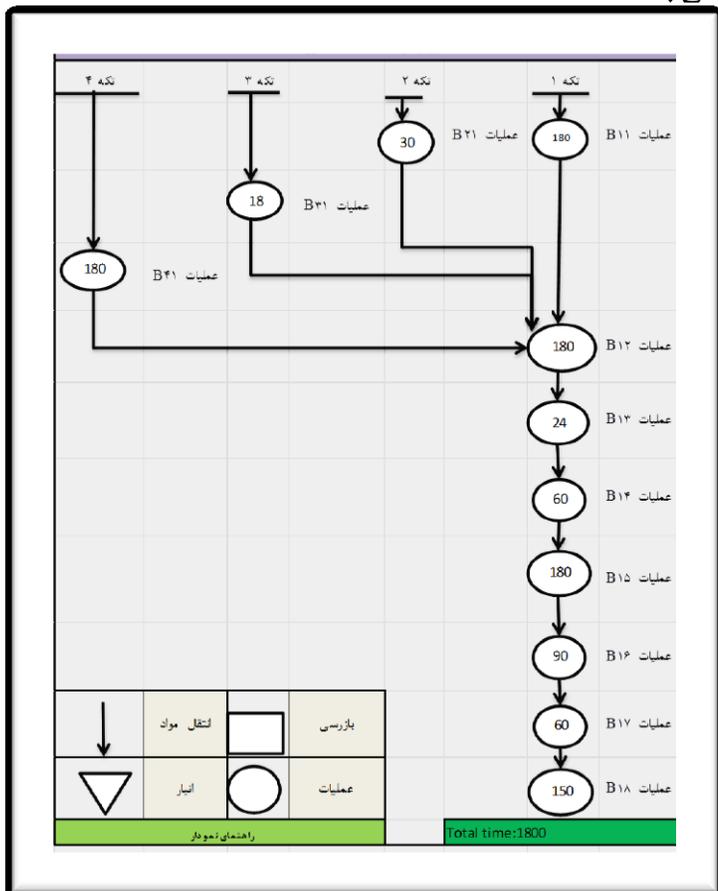
محصول A شامل ۱۰ عملیات با زمان استاندارد ۱۱۲۰ ثانیه و محصول B شامل ۱۱ عملیات با زمان استاندارد ۱۸۰۰ ثانیه، در یک خط تولید شامل ۱۰۰ ایستگاه تولیدی طی یک شیفت با ۸ ساعت زمان خالص کاری دارای الویت یکسان برای تولید می باشند. یافتن ترکیبی از تولید ۲ محصول (پوشاک) هر کدام با تیراژ ۱۰۰۰۰ ثوب، که بیشترین خروجی را از خط تولید مذکور داشته باشیم و با دستیابی به کمترین زمان بیکاری ایستگاههای این خط تولید تابع هدف بیشینه گردد.

نمودار تقدم تاخر عملیات به شرح ذیل خواهد بود:

۱- تولید محصول A که دارای مراحل عملیات ذیل می باشد :



۲- تولید محصول B که دارای نمودار عملیات ذیل می باشد :



جدول زمانبندی عملیات و روابط پیشینازی به شرح ذیل است:

| نمودار عملیات   |      |            |          |      |            |      |
|-----------------|------|------------|----------|------|------------|------|
| محصول B         |      |            | محصول A  |      |            | ردیف |
| پیش نیاز        | زمان | نام عملیات | پیش نیاز | زمان | نام عملیات |      |
| -               | 180  | B41        | -        | 180  | A41        | 1    |
| -               | 180  | B31        | -        | 180  | A31        | 2    |
| -               | 300  | B21        | -        | 60   | A21        | 3    |
| -               | 180  | B11        | -        | 100  | A11        | 4    |
| B41,B31,B21,B11 | 180  | B12        | A11,A21  | 60   | A12        | 5    |
| B12             | 240  | B13        | A12,A31  | 80   | A13        | 6    |
| B13             | 60   | B14        | A13      | 90   | A14        | 7    |
| B14             | 180  | B15        | A14,A41  | 70   | A15        | 8    |
| B15             | 90   | B16        | A15      | 240  | A16        | 9    |
| B16             | 60   | B17        | A16      | 60   | A17        | 10   |
| B17             | 150  | B18        |          |      |            | 11   |

پس از حل مساله در مدل فوق نتایج ذیل حاصل گردید:

همانطور که گفته شده ۱۰۰ ایستگاه تولیدی طی یک شیفت کاری با ۸ ساعت زمان خالص کاری (۲۸۸۰۰ ثانیه) جهت تولید محصول A با ۱۰ عملیات با جمع زمان استاندارد ۱۱۲۰ ثانیه و محصول B با ۱۱ ایستگاه و جمع زمان استاندارد ۱۸۰۰ ثانیه که بدین معناست در بهترین حالت و با بالانس ۱۰۰٪ تعداد ۹۸۶ ثوب از هر محصول قابل تولید می باشد. ولی در صورت چیدمان خطی بدون بالانس، تولید به ۵۰۵ واحد از هر محصول کاهش خواهد یافت.

| محصول B  |      |            | محصول A     |           |            | ردیف |
|----------|------|------------|-------------|-----------|------------|------|
| پیش نیاز | زمان | نام عملیات | تعداد نفرات | سیکل کاری | نام عملیات |      |
| 3        | 60   | B41        | 3           | 60        | A41        | 1    |
| 3        | 60   | B31        | 3           | 60        | A31        | 2    |
| 5        | 60   | B21        | 1           | 60        | A21        | 3    |
| 3        | 60   | B11        | 2           | 50        | A11        | 4    |
| 3        | 60   | B12        | 1           | 60        | A12        | 5    |
| 4        | 60   | B13        | 4           | 60        | A13        | 6    |
| 1        | 60   | B14        |             | 60        | A14        | 7    |
| 3        | 60   | B15        |             | 60        | A15        | 8    |
| 2        | 45   | B16        | 4           | 60        | A16        | 9    |
| 1        | 60   | B17        | 1           | 60        | A17        | 10   |
| 3        | 50   | B18        |             |           |            | 11   |
| 31       |      |            | 19          |           |            | sum  |

با صرف ۵۰ نفر از هر محصول در هر دقیقه یک محصول خروجی خواهیم داشت و اگر همین آرایش در ۲ ضرب شود تعداد به دو محصول خواهد رسید که در نتیجه به ۲ محصول در هر دقیقه افزایش خواهد یافت. و این یعنی تعداد ۹۶۰ ثوب از هر محصول A و B خروجی خواهیم داشت و این به معنای ضریب بالانس ۹۷.۳٪ خواهد بود.

$$\frac{960}{986} = 0.973 \sim 97.3\%$$

## نتیجه

در این مقاله با استفاده از الگوریتم فرا ابتکاری و با استفاده از تجزیه و تحلیل نمودار فرآیند تولید و با تبدیل یک مساله NP-Hard Problem با روش فرا ابتکاری به یک مدل سازی ساده تر و حل با روش برنامه ریزی عدد صحیح برای تولید محصولات همزمان در یک ظرفیت محدود به پاسخ بهینه و قابل قبولی دست یافتیم.

. با توجه به اینکه قابلیت و مهارت پرسنل مختلف بوده و طبقاً زمان استاندارد تولید بمنزله خروجی ایستگاه نخواهد بود این مساله می تواند سبب ساز تحقیقات آتی جهت حل مساله با زمانهای مختلف و حتی احتمالی صورت پذیرد. امید است در زمان نزدیکی موجبات تحقیقات تکمیلی در این خصوص فراهم گردد.

#### منابع

۱. علی، فتحی، مسعود. (حل مسئله بالانس خط مونتاژ با استفاده از برنامه ریزی عدد صحیح و مقایسه آن با یک روش جهان هیوریستیک مبتنی بر مسیر بحرانی، پنجمین کنفرانس مهندسی صنایع.

2. Anderson E. J, Ferris M. C (2008). Genetic algorithms for combinatorial optimization: The assembly line balancing problem, *ORSA Journal on Computing*; 6: 161-173.
3. Rubinovitz J, Levitin G (1995). Genetic algorithms for assembly line balancing, *International Journal of Production Economics*; 41: 343-354.
4. Lapierre S. D, Ruiz A, Soriano P (2004). Balancing assembly lines with tabu search, *European Journal of Operational Research*; 168(3): 826-837.
5. Scholl A, Voß S (1996). Simple assembly line balancing heuristic approaches, *Journal of Heuristic*; 2: 217- 244.
6. Scholl A, Klein R (1999). Balancing assembly lines effectively- A computational comparison, *European Journal of Operational Research*; 114(1): 50-58.
7. Simaria A. S, Vilarinho P. M (2004). A genetic algorithm based approach to the mixed-model assembly line balancing problem of type II, *Computers & Industrial Engineering*; 47: 391-407.
8. Rekiek B, Dolgui A, Delchambre A, Bratcu A (2002). State of the art of optimization methods for assembly line design, *Annual Reviews in Control*; 26: 163-174.
9. Wee T. S, Magazine M. J (1982). Assembly line balancing as generalized bin packing, *Operations Research Letters*; 1: 56-58.
10. Falkenauer E, Delchambre A (1992). A genetic algorithm for bin packing and line balancing, *Proceedings of the IEEE International Conference on Robotics and Automation*: 1186- 1192.
11. Chiang W. C., (1998). The application of a Tabu search meta-heuristic to the assembly line balancing problem, *Annals of Operations Research*; 77: 209-227.
12. McMullen P. R, Tarasewich P (2009). Using ant techniques to solve assembly line balancing problem. *IIE Transaction*; 35: 605- 617.

- 13. Kim Y. J, Kim Y. K, Cho Y (1998). A heuristic- based genetic algorithm for workload smoothing in assembly lines, Computers & Operations Research; 25(2): 99-111.**
- 14. Talbot F. B, Patterson J. H, Cherlein W. V (1986). A comparative evaluation of heuristic line balancing techniques, Management science; 32(4): 430-454.**